

בחינה בקורס תכנות בפייתון למהנדסים 0509-1820

יוני ברג, רוני קון, מיכל קליינבורט, איתן ברון, דניאל גליקמן, חגי לוי,
גיל לוונטל, אביה עשהאל, אורן קציר

הנחיות כלליות

- משך הבחינה שלוש שעות.
- חומר עזר מותר: דף A4 כתוב בשני הצדדים.
- במבחן שלוש שאלות הכוללות סעיפי משנה. במבחן 105 נקודות, כל ציון מעל 100 יעוגל ל-100. ניקוד כל סעיף מצוין לידו. אין בהכרח קשר בין ניקוד הסעיף ובין רמת הקושי שלו.
- את הפתרונות יש לכתוב במסגרות המסומנות לכל שאלה בטופס הבחינה.
- במחברת הטיוטא יש להשתמש בטיוטא בלבד. בבדיקת המבחן, מחברות הטיוטא לא ייבדקו.
- מומלץ לכתוב פתרון מלא במחברת הטיוטא ורק לאחר מכן להעתיק את הפתרון לטופס הבחינה.
- בכל סעיף ניתן להשתמש בקוד שהתבקשתם לכתוב בסעיפים קודמים, גם אם לא כתבתם אותו.
- ניתן להוסיף פונקציות עזר אם לא צוין אחרת בשאלה.
- ניתן להניח שהקלט לקוד שתכתבו תקין, אלא אם נכתב אחרת בשאלה.
- על כל סעיף ניתן לענות "איני יודעת/את התשובה"; על סעיף זה יינתנו 20% מהנקודות. במקרה זה אין להוסיף הסבר.
- אין להשתמש בחבילות או מודולים, אלא אם נאמר במפורש. כאשר אתם מתבקשים להשתמש בחבילה אין צורך לבצע import.
- יש לרשום את מספר תעודת הזהות ואת מספר הטופס בכל עמוד למקרה שחלק מהדפים יתלשו.
- מומלץ לקרוא כל שאלה עד סופה, על כל סעיפיה, לפני תחילת הפתרון.

בהצלחה!

לשימוש הבודקים:

	תעודת זהות
	מספר טופס
	שאלה 1
	שאלה 2
	שאלה 3
	ציון

שאלה 1 (אלגוריתמים ורקורסיה) – 35 נקודות.

סעיף א (8 נקודות)

ממשו את הפונקציה `is_special_prime(num)` שמקבלת מספר שלם חיובי, `num`, ומחזירה את הערך הבוליאני `True` אם שני התנאים הבאים מתקיימים:

1. `num` הוא מספר ראשוני (כלומר מתחלק רק ב-1 ובעצמו).

2. קיים $m < 50$ טבעי כלשהו כך ש- $num = 2^m - 1$.

אחרת, הפונקציה תחזיר את הערך הבוליאני `False`.

דוגמאות:

```
>>> is_special_prime(7) # 7 is a prime and  $2^3 - 1 = 7$ .
```

```
True
```

```
>>> is_special_prime(11) # 11 is a prime but 11 is not of the form  $2^m - 1$ .
```

```
False
```

```
>>> is_special_prime(15) #15 is not a prime
```

```
False
```

```
>>> is_special_prime(31) #31 is a prime and  $2^5 - 1 = 31$ 
```

```
True
```

```
def is_special_prime(num):
```

סעיף ב (8 נקודות)

ממשו את הפונקציה `common_letter_before_punct(txt)` המקבלת מחרוזת (`txt`) לא ריקה. עליכם להניח כי המחרוזת מכילה רק אותיות קטנות, רווחים ואת סימני הפיסוק: , (פסיק). (נקודה) ! (סימן קריאה). בנוסף ניתן להניח כי לפני סימן פיסוק, תמיד תיהיה אות (ולא רווח).

כל הזכויות שמורות © מבלי לפגוע באמור לעיל, אין להעתיק, לצלם, להקליט, לשדר, לאחסן מאגר מידע, בכל דרך שהיא, בין מכונית ובין אלקטרונית או בכל דרך אחרת כל חלק שהוא מטופס הבחינה.

על הפונקציה להחזיר את האות שמופיעה הכי הרבה פעמים לפני סימן פיסוק. ניתן להניח שהמחרוזת לא ריקה, שהיא מכילה אותיות וסימני פיסוק, ושיש אות יחידה שהופיעה מספר מקסימלי של פעמים לפני סימן פיסוק.

דוגמאות:

```
>>> common_letter_before_punct('we are learning. programming, in python. is the best')
```

'g'

הסבר: האות g מופיעה פעמיים לפני סימן פיסוק (פעם אחת לפני נקודה ופעם שנייה לפני פסיק). חוץ ממנה, רק n מופיעה לפני סימן פיסוק, אך היא מופיעה פעם אחת בלבד.

```
>>> common_letter_before_punct('students. and! teachers.')
```

's'

```
def common_letter_before_punct(txt):
```

סעיף ג (7 נקודות)

ממשו את הפונקציה `sum_max_two(lst)` באופן **רקורסיבי**. הפונקציה מקבלת רשימה של מספרים טבעיים. על הפונקציה להחזיר את סכום שני המספרים הגדולים ביותר ברשימה. הניחו כי הרשימה מכילה לפחות שני מספרים ושכל מספר מופיע פעם אחת בלבד.

שימו לב שיש לממש **פונקציה זו באופן רקורסיבי** ופתרון שאינו רקורסיבי לא ייקבל ניקוד. בנוסף אסור להשתמש בפונקציות `min`, `max` ו-`sort` ואסור לממש פונקציות עזר אשר מחשבות `min\max\sort`.

כל הזכויות שמורות © מבלי לפגוע באמור לעיל, אין להעתיק, לצלם, להקליט, לשדר, לאחסן מאגר מידע, בכל דרך שהיא, בין מכונית ובין אלקטרונית או בכל דרך אחרת כל חלק שהוא מטופס הבחינה.

```
>>> sum_max_two([12, 90])
```

```
102
```

```
>>> sum_max_two([1, 9, 34, 12, 8, 20])
```

```
54
```

```
def sum_max_two(lst):
```

סעיף ד (12 נקודות)

ממשו את הפונקציה הרקורסיבית `exists_good_subset(lst, P, W)` המקבלת רשימה `(lst)`, ושני מספרים שלמים חיוביים `(P ו-W)`.

הרשימה `lst` מכילה `tuple`-ים כאשר כל אחד מהם מכיל שני איברים (אתם יכולים להניח שהרשימה אינה ריקה). על הפונקציה להחזיר `True` אם קיימת קבוצה של זוגות ברשימה כך שהסכום של כל האיברים הראשונים בזוגות בקבוצה גדול או שווה ל-`P` וסכום האיברים השניים בזוגות קטן או שווה ל-`W`. אחרת, הפונקציה תחזיר `False`.

עליכם לממש את הפונקציה ולהוסיף ממואיזציה.

```
>>> exists_good_subset([(50,4), (50,4)], 90, 10)
```

```
True
```

```
>>> exists_good_subset([(50,4), (50,4)], 90, 7)
```

כל הזכויות שמורות © מבלי לפגוע באמור לעיל, אין להעתיק, לצלם, להקליט, לשדר, לאחסן מאגר מידע, בכל דרך שהיא, בין מכונית ובין אלקטרונית או בכל דרך אחרת כל חלק שהוא מטופס הבחינה.

False

```
>>> exists_good_subset([(60,4), (50,4), (60, 2)], 90, 7))
```

True

הסבר: בדוגמא הראשונה סכום שני האיברים הראשונים הוא 100 שזה גדול מ-90 וסכום שני האיברים השניים הוא 8 שקטן מ-10. בדוגמא השנייה, מצד אחד סכום האיברים השניים משני הזוגות גדול מ-7 ומצד שני, אם ניקח רק זוג אחד, סכום של האיברים הראשונים יהיה 50 שקטן מ-90. בדוגמא השלישית, הזוג הראשון והשלישי עונה על השאלה.

```
def exists_good_subset(lst, P, W, mem=None):
```

שאלה 2 - תכנות מונחה עצמים (35 נקודות)

בשאלה זו אין צורך לבצע בדיקות תקינות על הקלט.

ניקוד מלא יינתן לפתרונות שיעשו שימוש נכון בתכנות מונחה עצמים לצורך צמצום שכפול קוד

סעיף א (6 נקודות)

ממשו את המחלקה Location המייצגת מיקום. המחלקה תכלול את המתודות הבאות:

1. `__init__(self, lat, lon)`
מתודת הבנאי (constructor) תאתחל אובייקט חדש הכולל את השדות הבאים:
 - `lat`: מספר עשרוני (float) אי-שלילי המייצג את קואורדינטת קו הרוחב (latitude) של המיקום הספציפי
 - `lon`: מספר עשרוני (float) אי-שלילי המייצג את קואורדינטת קו האורך (longitude) של המיקום הספציפי
2. `__repr__(self)`
מתודה זו תחזיר מחרוזת המייצגת את האובייקט בפורמט (lat,lon) על-פי הדוגמא המוצגת בהמשך.
3. `__eq__(self, other)`
מתודה זו תחזיר True אם `self` הוא מיקום זהה למיקום של `other` ואחרת היא תחזיר False. כאשר נבדוק שוויון בין מיקומים לא נרצה לדרוש שוויון מוחלט, אלא נסתפק בבדיקה "בקירוב" של הקורדינטות – נבדוק האם הערך השלם של ה-`lat` והערך השלם של ה-`lon` של `self` שווים לערך השלם של ה-`lat` והערך השלם של ה-`lon` של האובייקט `other`. ראו דוגמא בהמשך.
 - הערך השלם של מספר עשרוני הוא המספר השלם המתקבל ע"י עיגול למטה.
 - זכרו שהאופרטור `==` מפעיל את המתודה `__eq__`.
 - בסעיף זה מותר (אך לא חייב) להשתמש בספרייה `math`.

דוגמה לשימוש במחלקה:

```
>>> l1 = Location(32.08, 34.78)
>>> l1
(32.08,34.78)

>>> l2 = Location(32.0, 34.0)
>>> l2 == l1 # 32.08 is "close" to 32.0, and 34.78 is "close" to 34.0
True

>>> l3 = Location(48.85, 2.35)
>>> l1 == l3
False

>>> l4 = Location(32.0, 35.0) # l1.lon=34.78 and is not "close" to 35
>>> l1 == l4
False
```

```
class Location():
    def __init__(self, lat, lon):

    def __eq__(self, other):

    def __repr__(self):
```

סעיף ב (4 נקודות)

ממשו את המחלקה Suitcase המייצגת מזוודה. המחלקה תכלול את המתודות הבאות:

1. `__init__(self, owner, weight, destination)`
מתודת הבנאי (constructor) תאתחל אובייקט חדש הכולל את השדות הבאים:
 - a. `owner`: מחרוזת (string) המתארת את שם הבעלים של המזוודה.
 - b. `weight`: מספר שלם (int) המתאר את משקל המזוודה. המשקל תמיד נתון בקילוגרמים.
 - c. `destination`: אובייקט מסוג Location המתאר את היעד אליו אמורה להגיע המזוודה.

2. `__repr__(self)`

מתודה זו תחזיר מחרוזת המייצגת את האובייקט לפי דוגמת הפלט המוצגת בהמשך. המחרוזת תכיל את שם הבעלים של המזוודה, את משקלה ואת מיקום היעד של המזוודה.

דוגמה לשימוש במחלקה:

```
>>> paris = Location(48.86, 2.35)
>>> s1 = Suitcase("Danny Li", 26, paris)
>>> s1
owner: Danny Li
weight: 26KG
destination: (48.86,2.35)
```

```
class Suitcase:

    def __init__(self, owner, weight, destination):

    def __repr__(self):
```


סעיף ג (10 נקודות)

ממשו את המחלקה TrackableSuitcase המייצגת מזוודה הניתנת לאיתור. TrackableSuitcase היא סוג של Suitcase ולכן תכיל את כל השדות שמכילה Suitcase ובנוסף שני שדות נוספים:

- `gps_loc` – אובייקט מסוג Location המייצג את מיקום המזוודה. בעת איתחול האובייקט שדה זה מייצג את מיקום המוצא של המזוודה (כלומר, המיקום שבו התחיל המעקב אחרי המזוודה).
- `is_lost` – משתנה בוליאני (bool) שמאוחל להיות False בעת יצירת האובייקט, ובהמשך יכול לשנות את ערכו בהתאם להאם המזוודה הלכה לאיבוד.

על המימוש להיעשות תוך הנחה שקיים בידכם הקוד של סעיף ב'.

על המחלקה לכלול את המתודות הבאות:

1. `__init__(self, owner, weight, destination, gps_loc)`
מתודת הבנאי (constructor) תאחל אובייקט חדש.
2. `__repr__(self)`
מתודה זו תחזיר מחרוזת המייצגת את האובייקט בדומה לסעיף ב' כאשר בסופה מופיעים גם ערכי השדה `gps_loc`. בנוסף אם המזוודה הלכה לאיבוד היא תוסיף למחרוזת את המילה "LOST!!!" כפי שניתן לראות בדוגמת הפלט בהמשך.
`upon_arrival(self, cur_location)`
3. מתודה זו מעדכנת את השדות הרלוונטים בעת הנחיתה בשדה התעופה:
a. המתודה תעדכן את השדה `gps_loc` להיות `cur_location` (המיקום הנוכחי)
b. המתודה תעדכן את `is_lost` להיות True אם המזוודה הלכה לאיבוד, כלומר אם המיקום הנוכחי אינו שווה למיקום היעד של המזוודה (על פי הקריטריון לשוויון מיקומים שהוגדר בסעיף א').
אחרת, המתודה תעדכן את `is_lost` להיות False.
c. הפונקציה אינה מחזירה ערך.
`calc_distance_from_destination(self)`
4. מתודה זו תחזיר 0 אם המזוודה לא הלכה לאיבוד ואת המרחק מה `destination` אם המזוודה הלכה לאיבוד. נניח לשם הפשטות שמרחק בין 2 מיקומים (lat_1, lon_1) , (lat_2, lon_2) מחושב ע"י הנוסחה:
$$\sqrt{(lat_1 - lat_2)^2 + (lon_1 - lon_2)^2}$$

שוב, תוכלו להשתמש בספרייה `math` אך ניתן לפתור גם לא שימוש בה.

דוגמה לשימוש במחלקה:

אתחול מזוודה שיוצאת מ `cur_loc` אל עבר היעד `dest`:

```
>>> dest = Location(32.08, 34.78)
>>> cur_loc = Location(12.23, 14.16)
>>> s4 = TrackableSuitcase("Danny Li", 34, dest, cur_loc)
>>> s4
owner: Danny Li
weight: 34KG
destination: (32.08,34.78)
current location: (12.23,14.16)
```

המזוודה נוחתת בטעות ביעד הלא נכון `wrong_dest`:

```
>>> wrong_dest = Location(48.86, 2.35)
>>> s4.upon_arrival(wrong_dest)
>>> s4
```

כל הזכויות שמורות © מבלי לפגוע באמור לעיל, אין להעתיק, לצלם, להקליט, לשדר, לאחסן מאגר מידע, בכל דרך שהיא, בין מכנית ובין אלקטרונית או בכל דרך אחרת כל חלק שהוא מטופס הבחינה.

```
owner: Danny Li
weight: 34KG
destination: (32.08,34.78)
current location: (48.86,2.35)
LOST!!!
```

```
>>> s4.is_lost
True
```

```
>>> s4.calc_distance_from_destination ()
36.51401511748605
```

למרבה המזל המזוודה ממריאה שוב ונוחתת ביעד הנכון dest :

```
>>> s4.upon_arrival(dest)
>>> s4
owner: Danny Li
weight: 34KG
destination: (32.08,34.78)
current location: (32.08,34.78)
```

```
>>> s4.is_lost
False
```

```
class TrackableSuitcase(Suitcase):

    def __init__(self, owner, weight, destination, gps_loc):

        self.owner = owner
        self.weight = weight
        self.destination = destination
        self.gps_loc = gps_loc

    def __repr__(self):
        return f'Suitcase({self.owner}, {self.weight}, {self.destination}, {self.gps_loc})'

    def upon_arrival(self, cur_location):
        self.gps_loc = cur_location

    def calc_distance_from_destination(self):
        return distance(self.gps_loc, self.destination)
```

סעיף ד (7 נקודות)

ממשו את הפונקציה `sort_by_weight(baggages)` המקבלת רשימת מזוודות ומחזירה רשימה ממוינת של **שמות** הבעלים של המזוודות, כאשר השמות ממוינים לפי משקלי המזוודות שלהם, מהקלה ביותר לכבדה ביותר. אתם יכולים להניח שכל משקלי המזוודות שונים.

דוגמה:

```
>>> paris = Location(48.86, 2.35)
>>> s1 = Suitcase("Danny Li", 26, paris)
>>> s2 = Suitcase("Yann LaBlack", 18, paris)
>>> s3 = Suitcase("David Bau", 30, paris)
>>> baggages = [s1, s2, s3]
>>> sort_by_weight(baggages)
['Yann LaBlack', 'Danny Li', 'David Bau']
```

```
def sort_by_weight(baggages):
```

סעיף ה (8 נקודות)

ממשו את הפונקציה `calc_avg_distance_lost_baggages(baggages)` המקבלת רשימה של מזוודות. הרשימה יכולה להכיל גם מזוודות מסוג `Suitcase` וגם מזוודות מסוג `TrackableSuitcase`. הפונקציה תחזיר את ממוצע המרחקים של המזוודות שהלכו לאיבוד מהיעד שלהן.

דוגמה:

המזוודות של דני, בן, לינדה וקייט יוצאות מתל אביב לפריז:

```
>>> paris = Location(48.86, 2.35)
>>> tel_aviv = Location(32.08, 34.78)
>>> s1 = Suitcase("Danny Li", 26, paris)
>>> s2 = TrackableSuitcase("Ben Gold", 34, paris, tel_aviv)
>>> s3 = TrackableSuitcase("Linda Miller", 20, paris, tel_aviv)
>>> s4 = TrackableSuitcase("Kate Li", 20, paris, tel_aviv)
```

המזוודות של בן ולינדה הן מזוודות שניתנות לאיתור ולכן ניתן לדעת שהן נחתו ביעדים הלא נכונים:

```
>>> wrong_dest1 = Location(40.42, 3.7)
>>> s2.upon_arrival(wrong_dest1)
>>> s2.calc_distance_from_destination()
8.547286118997068
```

```
>>> wrong_dest2 = Location(45.42, 4.7)
>>> s3.upon_arrival(wrong_dest2)
>>> s3.calc_distance_from_destination()
4.1660652899348545
```

המזוודות של קייט גם היא ניתנת לאיתור ונחתה ביעד הנכון, בפריז:

```
>>> s4.upon_arrival(paris)
```

```
>>> baggages = [s1, s2, s3, s4]
```

לפיכך המזוודות של בן ולינדה הן המזוודות שישתתפו בחישוב הממוצע:

```
>>> calc_avg_distance_lost_baggages(baggages)
6.356675704465961
```

המזוודה של דני היא לא מזוודה הניתנת לאיתור ולכן היא לא משתתפת בחישוב הממוצע.

```
def calc_avg_distance_lost_baggages(baggages):
```

שאלה 3 (IO, NUMPY & Image Processing, Pandas) – 35 נקודות

סעיף א' (7 נקודות)

ממשו את הפונקציה `merge_files(infile1, infile2, lst1, lst2, outfile)` המקבלת נתיבים לשני קבצים המכילים רק אותיות ורווחים (`infile1, infile2`), שתי רשימות של מספרים טבעיים (`lst1, lst2`) ונתיב לקובץ שיהיה קובץ הפלט (`outfile`).

אתם יכולים להניח שבקבצים `infile1` ו `infile2` יש מילים ובין כל שתי מילים יש רווח יחיד. נסמן ב n את מספר המילים המופיעות בשני הקבצים יחד. בשתי הרשימות מופיעים המספרים השלמים מ-0 ועד $n-1$ כולל כך שכל מספר מופיע ברשימה אחת בדיוק וכל אחת מהרשימות ממיינת מהקטן לגדול.

על הפונקציה ליצור קובץ שיאחד את תוכן שני הקבצים באופן הבא. `lst1` מתארת את מיקומי המילים מ `infile1` בקובץ המאוחד, ו `lst2` מתארת את המיקומים עבור המילים מ `infile2`. המילה ה i מ `infile1` תופיע בקובץ הפלט `outfile` במקום שמופיע באינדקס i ב `lst1` (וכנ"ל לגבי `lst2` ו `infile2`). כלומר אם הרשימה היא `lst1=[0,4]` ובקובץ יש את שתי מילים "good evening" אז בקובץ המאוחד, המילה `good` תהיה המילה הראשונה והמילה `evening` תהיה המילה החמישית. שאר המילים בקובץ המאוחד יושלמו ע"פ `lst2` ו- `infile2` בדיוק באותה החוקיות.

אתם יכולים להניח שהקלט תקין ושניתן לאחד את הקבצים כמתואר בשאלה.

לדוגמא אם תוכן הקובץ `infile1` הוא

`python is best the world`

ותוכן הקובץ `infile2` הוא

`the course in whole`

ושתי הרשימות יהיו

`lst1 = [0, 1, 3, 6, 8]`

`lst2 = [2, 4, 5, 7]`

אז תוכן הקובץ `outfile` יהיה

`python is the best course in the whole world`

```
def merge_files(infile1, infile2, lst1, lst2, outfile):
```


סעיף ב (14 נקודות)

הניחו כי בתחילת כל תת סעיף בשאלה זו, רצה השורה הבאה:

```
import pandas as pd
```

בסעיף זה נרצה לעזור לירקן לנהל את הסחורה שלו. לפניכם קובץ CSV שמכיל את:

Name	Quantity	Sold	Type
Orange	120	30	Fruit
Apple	300	50	Fruit
Cucumber	250	100	Vegetable
Melon	100	22	Fruit
Carrot	400	240	Vegetable
Onion	330	250	Vegetable

טבלה זו מייצגת כמה פירות וירקות נמכרו ביום עסקים אחד. בעמודה הראשונה מופיעים שמות של פירות וירקות, בעמודה השנייה מופיעה הכמות ההתחלתית של הפירות והירקות באותו יום ובעמודה השלישית כמה פירות/ירקות נמכרו באותו יום. כל מה שלא נמכר באותו היום נזרק.

נקרא את תוכן הטבלה לתוך משתנה dataframe באופן הבא:

```
df = pd.read_csv('test.csv')
```

אם נדפיס את df נקבל:

```
print(df)
```

	Name	Quantity	Sold	Type
0	Orange	120	30	Fruit
1	Apple	300	50	Fruit
2	Cucumber	250	100	Vegetable
3	Melon	100	22	Fruit
4	Carrot	400	240	Vegetable
5	Onion	330	250	Vegetable

בסעיפים הבאים עליכם להשתמש בפקודות pandas ובמשתנה df. על הקוד שתממשו לתמוך בטבלאות מהסוג המתואר בשאלה כאשר נוכל להוסיף עוד שורות המייצגות פירות/ירקות. פתרונות שכוללים לולאות יזכו בניקוד חלקי.

- (5 נקודות) ממשו קוד אשר מדפיס את שם הפרי/ירק ממנו נמכרו הכי הרבה פריטים. לדוגמא, הפעלת הקוד על הטבלה הנתונה ידפיס:

Onion

2. (4 נקודות) ממשו קוד המוסיף עמודה בשם diff שבה כל ערך מציין את מספר הפריטים שנזרקו לפח מאותו ירקלפרי, כלומר כמה ירקות ופירות לא נמכרו באותו יום.

	Name	Quantity	Sold	Type	diff
0	Orange	120	30	Fruit	90
1	Apple	300	50	Fruit	250
2	Cucumber	250	100	Vegetable	150
3	Melon	100	22	Fruit	78
4	Carrot	400	240	Vegetable	160
5	Onion	330	250	Vegetable	80

3. (5 נקודות) ממשו קוד אשר מדפיס כמה ירקות נמכרו וכמה פירות נמכרו. אם נריץ את הקוד על הטבלה שלנו, נקבל

```
Type
Fruit      102
Vegetable  590
Name: Sold, dtype: int64
```

סעיף ג

1. (6 נקודות) ממשו את הפונקציה `is_condensed(im, ths)` אשר מקבלת מערך numpy ID מימדי אשר מייצג תמונה בגווי אפור (`im`) וערך מספרי בין 0 ל-1 (`ths`). נסמן את ממוצע התמונה במשתנה x . הפונקציה תחזיר True אם כל ערכי המערך נמצאים בטווח (כולל הקצוות) שבין $x \cdot (1 - ths)$ ל- $x \cdot (1 + ths)$. עליכם לפתור סעיף זה ללא שימוש בלולאות (שימוש בלולאות יזכה אתכם בניקוד חלקי).

דוגמא: עבור המטריצה `im` עם הערכים הבאים

120	120
107	133

וערך `ths=0.5`, הפונקציה תחזיר את הערך הבוליאני True. אם נקרא לפונקציה עם `im` והערך `ths=0.1`, הפונקציה תחזיר False מפני שהערך 133, למשל, מחוץ לטווח בין $120 \cdot (1 - 0.1)$ ל- $120 \cdot (1 + 0.1)$.

כל הזכויות שמורות © מבלי לפגוע באמור לעיל, אין להעתיק, לצלם, להקליט, לשדר, לאחסן מאגר מידע, בכל דרך שהיא, בין מכנית ובין אלקטרונית או בכל דרך אחרת כל חלק שהוא מטופס הבחינה.

```
def is_condensed(im, ths):
```

2. (8 נקודות) ממשו את הפונקציה `special_combine(im1, im2)` המקבלת שני מערכי `numpy` דו מימדיים המייצגים תמונה. עליכם ליצור ולהחזיר מערך `numpy` דו מימדי חדש שנקרא לו `im` אשר ישלב את שתי התמונות באופן הבא:

מספר השורות בתמונה החדשה `im` יהיה שווה למספר השורות ב- `im1`

מספר העמודות בתמונה החדשה `im` יהיה שווה למספר העמודות ב- `im1` ועוד פעמיים מספר העמודות ב- `im2`.

עליכם למקם את התמונה `im1` במרכז `im` כך שמשמאל ומימין ל- `im1` יופיעו עותקים של התמונה `im2`. כלומר, הקצה השמאלי העליון של `im1` יתחיל במיקום `(0, im2.shape[1])`. השלמת העותקים של `im2` ב- `im` תתבצע כמתואר בדוגמה הבאה:

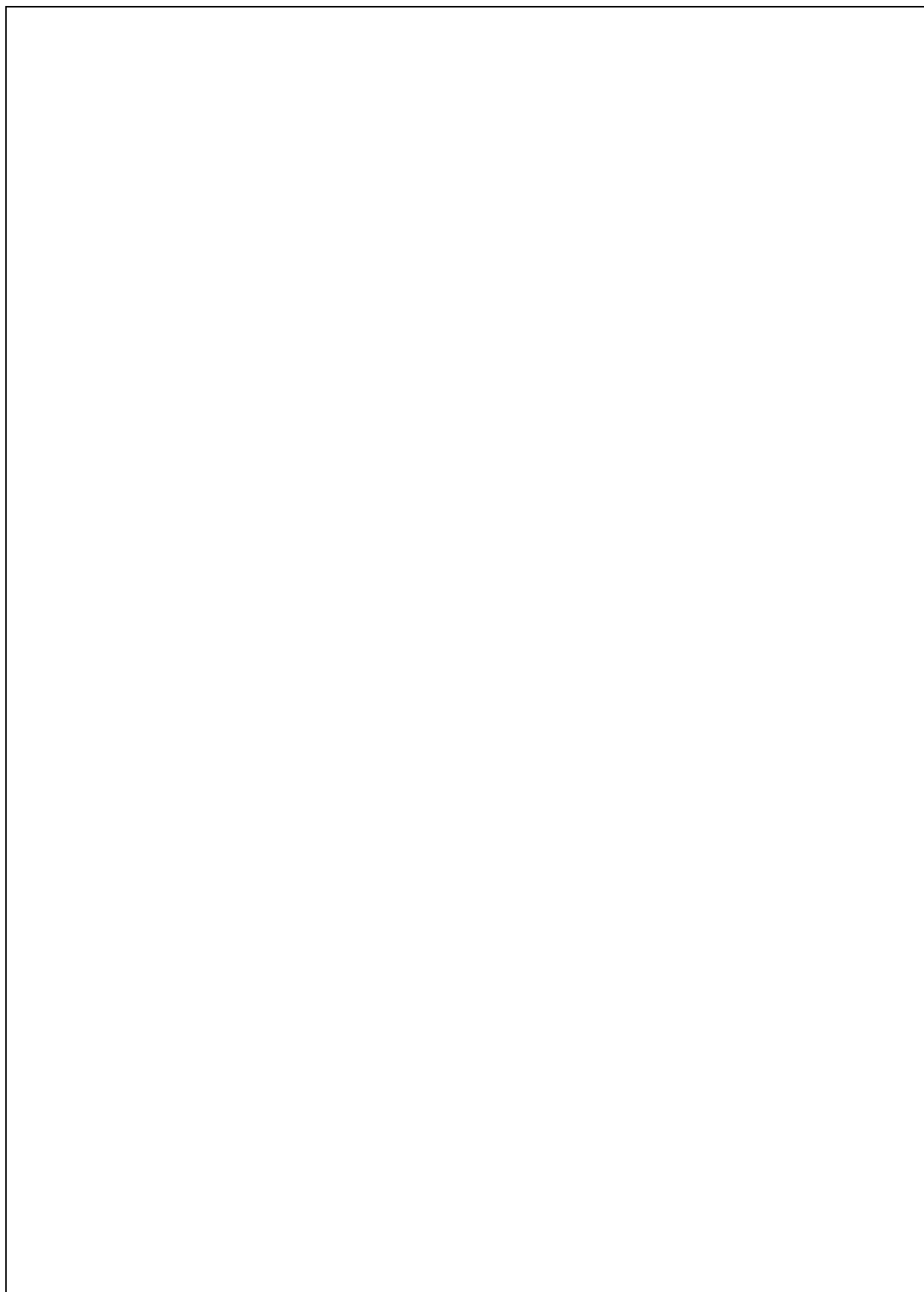
im2		im1			
100	0	200	255	22	200
50	200	100	100	44	200
		33	100	100	255
		100	22	100	255

		im1						התמונה החדשה תהיה:	
im2	100	0	200	255	22	200	100	0	im2
	50	200	100	100	44	200	50	200	
im2	100	0	33	100	100	255	100	0	im2
	50	200	100	22	100	255	50	200	

הניחו כי מספר השורות של `im2` מחלק את מספר השורות של `im1`.

```
def special_combine(im1, im2):
```

מסגרת חירום 1



מסגרת חירום 2

